



A TANTÁRGY ADATLAPJA

Elektrodinamika és relativitáselmélet

Egyetemi tanév: 2026/2027

1. A képzési program adatai

1.1. Felsőoktatási intézmény	BABEȘ-BOLYAI TUDOMÁNYEGYETEM
1.2. Kar	FIZIKA KAR
1.3. Intézet	FIZIKA INTÉZET - MAGYAR TAGOZAT
1.4. Szakterület	Alkalmazott mérnöki tudományok
1.5. Képzési szint	Licensz
1.6. Tanulmányi program / Képesítés	Mérnöki fizika

2. A tantárgy adatai

2.1. A tantárgy neve	Elektrodinamika és relativitáselmélet Electrodinamică și teoria relativității Electrodynamics and Theory of Relativity			A tantárgy kódja		FLM1311	
2.2. Az előadásért felelős tanár neve				lect. dr. Lázár Zsolt Iosif			
2.3. A szemináriumért felelős tanár neve				lect. dr. Lázár Zsolt Iosif			
2.4. A laboratóriumi gyakorlatért felelős tanár neve							
2.5. Tanulmányi év	2	2.6. Félév	3	2.7. Értékelés módja	E	2.8. Tantárgy típusa	DD

3. Teljes becsült idő (az oktatási tevékenység féléves óraszám)

3.1. Heti óraszám	4	melyből:				
3.2. előadás	2	3.3. szeminárium	2	3.4. laboratóriumi gyakorlat	0	
3.5. Tantervben szereplő összórászám	56	melyből:				
3.6. előadás	28	3.7. szeminárium	28	3.8. laboratóriumi gyakorlat	0	
Az egyéni tanulmányi idő (ET) és az önképzési tevékenységekre (ÖT) szánt idő elosztása:						óra
A tankönyv, a jegyzet, a szakirodalom vagy saját jegyzetek tanulmányozása						24
Könyvtárban, elektronikus adatbázisokban vagy terepen való további tájékozódás						6
Szemináriumok / laborok, házi feladatok, portfóliók, referátumok, esszék kidolgozása (nagyobb vagy egyenlő a tantárgy naptárában az ellenőrzési feladatokra előírt összórászámával)						30
Egyéni készségfejlesztés (tutorálás)						2
Vizsgák						7
Más tevékenységek:						0
3.9. Egyéni tanulmányi idő (ET) és önképzési tevékenységekre (ÖT) szánt idő összórászám						69
3.10. A félév összórászám						125
3.11. Kreditszám						5

4. Előfeltételek (ha vannak)

4.1. Tantervi	nincs
---------------	-------

4.2. Kompetenciabeli	Differenciálszámítási és integrálszámítási alapok. Lineáris algebra. Matematikai analízis alapjai. Vektorszámítás alapjai Mechanika alapjai Elektromosságtani alapismeretek
----------------------	--

5. Feltételek (ha vannak)

5.1. Az előadás lebonyolításának feltételei	tábla, projektor, számítógép
5.2. A szeminárium lebonyolításának feltételei	tábla
5.3. A laboratóriumi gyakorlatok lebonyolításának feltételei	-

6.1. Elsajátítandó jellemző kompetenciák

Szakmai- / kulcs-kompetenciák	C1. A fizika törvényeinek és elveinek, illetve az alkalmazott mérnöki tudományok elméleti alapjainak megfelelő azonosítása és használata. C3. Fizika feladatok adott feltételek mellett történő megoldása, numerikus és statisztikai módszerek segítségével. Tudományos kutatást támogató tevékenységek biztosítása. C4. Fizikai ismeretek alkalmazása úgy kapcsolódó területekről származó feladatokban, mint megszokott laboratóriumi eszközökkel végzett kísérletek esetén. C5. Oktató, tudományos és népszerűsítő jellegű információk elemzése és kommunikálása a fizikában. Szoftverek és virtuális eszközök fejlesztése és használata fizikai feladatok megoldásában. A műszaki fizika, a szakmódszerek és az eszköztár felhasználása termelési, tanácsadási és folyamatkövetési tevékenységekben.
Transzverzális kompetenciák	CT1. Szakmai feladatok hatékony és felelősségteljes ellátása a deontológiai jogszabályok betartásával. A szerzői jogok, a terméktanúsítási módszertan és a szakmai etika elveinek, előírásainak és értékeinek törvényes kereteken belüli alkalmazása a saját precíz, hatékony és felelősségteljes munkastratégiákban. CT2. Csapatmunkában való hatékony részvétel különböző beosztásokban. A szakmai szerepek és felelősségek mon belüli azonosítása, hatékony kommunikációs technikák alkalmazása, illetve csapatmunkában való hatékony részvétel különböző beosztásokban. CT3. Az információk, a kommunikációs források és a szakmai képzések hatékony felhasználása úgy anyanyelven, mint idegennyelven is. Továbbtanulásra való lehetőségek felismerése, az erőforrások és a tanulási technikák kamatoztatása a szakmai előmenetel érdekében.

6.2. Tanulási eredmények

Ismeretek	1. A hallgató/végzett leírja a fizika alapvető fogalmait, elméleteit, alapelveit, jelenségeit és törvényeit (pl. Arkhimédész törvénye, Coulomb-törvény, a termodinamika I. főtétele). 2. A hallgató/végzett megmagyarázza és értelmezi a fizika fogalmait, elméleteit, modelljeit és alapelveit (pl. atommodell, határozatlansági reláció), kiemelve a gyakorlati alkalmazásokat (pl. kísérleti technikák, technológiai alkalmazások). 4. A hallgató/végzett munkaképleteket vezet le fizikai mennyiségekkel történő számításokhoz (pl. Bernoulli-egyenlet, Lorentz-erő képlete), helyesen alkalmazva az alapvető elveket és törvényeket.
Képességek	1. A hallgató/végzett a szakmai kommunikáció során megfelelően használja a fizikai jelenségek modellezésére jellemző fogalmakat és módszereket (pl. Maxwell-egyenletek, Schrödinger-egyenlet). 2. A hallgató/végzett alkalmazza a fizika alapelveit és törvényeit (pl. mozgástörvények, ideális gáztörvény) elméleti vagy gyakorlati problémák megoldásában, beleértve a részben előre nem látható helyzeteket is. 4. A hallgató/végzett kritikusan értékeli egy alacsony nehézségi fokú tudományos közleményt vagy szakmai jelentést (pl. laboratóriumi jegyzőkönyv, bevezető tanulmány), elemezve a bemutatott érveket és következtetéseket.

Felelősség és önállóság	1. A hallgató/végzett tudományos vagy ismeretterjesztő dolgozatokat és szemináriumokat (pl. poszterek, workshopok) mutat be, a tartalmat a célközönséghez igazítva. 2. A hallgató/végzett műszaki vagy szakmai tevékenységeket, illetve projekteket irányít (pl. kísérletek tervezése, erőforrások elosztása), döntéseket hozva és csapatokat koordinálva váratlan helyzetekben. 4. A hallgató/végzett felelősségteljesen végrehajtja az önálló munkafeladatokat, és hozzájárul az interdiszciplináris megközelítésekhez (pl. fizikai ismeretek integrálása multidiszciplináris projektekbe).
-------------------------	--

7. A tantárgy célkitűzései (az elsajátítandó jellemző kompetenciák alapján)

7.1. A tantárgy általános célkitűzése	Hallgatók megismertetése a speciális relativitáselmélet és elektrodinamika elméleti alapjaival. Úgy az alapvető jelenségek deduktív tárgyalása, mint a klasszikus térelméletben használatos matematikai és fizikai fogalmakkal és módszerekkel való jártasság kialakítása.
7.2. A tantárgy sajátos célkitűzései	A relativitáselmélet nélkülözhetetlen a különbözőerőterek egységes kovariáns tárgyalásához. A négyes vektorok és tenzorok alkalmazása lehetővé teszi a pontos invariáns Lagrange függvények felépítését és a kovariáns mozgásegyenletek előállítását. Az elektromágneses vektormező mellett tanulságos a skalármező vizsgálata is. A diákoknak lehetőségük lesz a szimmetriák és a megmaradási törvények kapcsolatát kiaknázni. A szimmetriacsoportok különböző rendű reprezentációi is bemutatásra találnak. Fontos az a felismerés, hogy a különböző típusú erőterek közvetlen következményei a relativisztikus kovariáns megfogalmazásnak.

8. A tantárgy tartalma

8.1. Előadás	Didaktikai módszerek	Megjegyzések
--------------	----------------------	--------------

1. Vektor- és tenzorszámítási alapok. Ko / kontravariáns vektorok, duális bázis, metrikus tenzor. Ko/kontravariáns tenzorok. 2. Folytonos transzformációk: Eltolás. Forgatás, forgatásmátrix. Forgás paramétereinek meghatározása a forgásmátrixból. Forgatások összetevődése. Infinitesimális forgatások Kommutátorok tulajdonságai. Forgatások SU(2C) ábrázolása. 3. Tükrözések. 4. Út a relativitáselmélet felé, fénysebesség mérése: A tér és idő tulajdonságai. Inerciarendszerek A Galilei relativitási elv és korlátai. A fénysebesség mérése Galileitől, Bay Zoltánig. Abszolút koordináarendszer, idő, sebesség. Az éter. Michelson-Morley és Fizeau kísérletek. Voigt, Lorentz, Poincare és Einstein. Az Einstein-féle relativitási elv. Órák szinkronizálása. 5. A Lorentz-transzformáció és következményei: Eseménytér. Lorentz-transzformáció levezetése egy dimenzióban. Lorentz transzformáció grafikus ábrázolása. A sebesség jelsebességnél kisebb(nagyobb) jellegének invarianciája. Az egyidejűség viszonylagossága. Az ívhossz invarianciája. Korrespondencia elv. Távolságok kontrakciója. Idő dilatációja. Sajátidő, nyugalmi hossz. Sebességtranszformáció, rapiditás. Kettes vektor, Lorentz-transzformáció mint forgatás. Lorentz-transzformáció 3D-ben. Koordináta és sebesség transzformációja tetszőleges irányú relatív sebesség esetén. Relatív sebesség. Gyorsulás transzformációja tetszőleges irányú relatív sebesség esetén. Egyenletesen gyorsuló rendszerek. Csillagászati egységek, közelítések. 6. Kovariáns tárgyalás: Négyesvektorok meghatározása, tulajdonságai. Speciális Lorentz-transzformáció (boost) a négydimenziós térben. Lorentz-boost mátrixreprezentációja: generátorok, kommutációs összefüggések, kapcsolat a forgatásokkal. A homogén Lorentz transzformációk csoportja. A homogén Lorentz transzformációk felbontása forgatás és boost szorzatára. Thomas precesszió. Lie-csoport és algebra. Kétdimenziós ábrázolás. Spinorok . Inhomogén Lorentz-transzformációk. Poincare csoport. Négyes sebesség. Relatív sebesség újratöltve. Négyes gyorsulás. Négyes hullámvektor és transzformációja. Doppler-hatás. 7. Relativisztikus dinamika: négyes impulzus. Négyes erő. szabad részecske relativisztikus Lagrange-függvénye. Részecske bomlása. Részecskék szóródása. Rugalmas szóródás. Compton hatás. Szabad részecske tárgyalása kovariáns Lagrange formalizmussal. 8. Első pár Maxwell egyenlet: Négyes potenciál. A ponttöltés Lagrange függvénye elektromágneses mezőben. A relativisztikus mozgásegyenletek. Elektromágneses térerősségtenzor, Lorentz-erő, elektromos térerősség és mágneses indukció. Negyedrendű Levi-Civita tenzor tulajdonságai, duális tenzor. Első pár Maxwell egyenlet. 9. Mértéktranszformáció mint szimmetria-transzformáció. Mellékfeltételek. 10. Az elektromágneses mező Lorentz transzformációja és invariánsai. 11. Második pár Maxwell egyenlet: A négyes áramsűrűség és a folytonossági egyenlet. Az elektromágneses mező Lagrange-sűrűsége. Maxwell második pár egyenlete légtérben. 12. Megmaradási tételek, hullámegyenletek: Energiamérleg. Impulzusmérleg. Vektortér energia-impulzus tenzora. Szabad elektromágneses éter energia-impulzus tenzora Maxwell-egyenletek megoldása töltések és áramok hiányában. Elektromágneses hullámok tranzverzalitása, Poynting vektora. 13. Elektrosztatikus tér: Sztatikus elektromos és stacionárius mágneses terek . Gauss-törvényének differenciál és integrál alakja. Ponttöltés tere. Az elektrosztatikus tér erővonalai. Elektromos potenciál. Coulomb törvénye. Lokalizált töltésrendszer elektrosztatikus tere. Monopólus, dipólus, kvadrupólus. Dipólmomentum elektrosztatikus tere. Kvadrupól nyomaték tenzor. Lokalizált töltésrendszer elektrosztatikus energiája külső elektromos térben. Dipólus-töltés, dipólus-dipólus kölcsönhatás. 14. Elektrosztatikai peremértékfeladat, komplex módszer: Gradiensképzés megfordítása. Divergencia és rotációképzés megfordítása. Vektormező meghatározása divergenciájából, rotációjából, véges/végtelen térrészben, Helmholtz-tétel. Örvénymentes, végtelenben eltűnő mező. Forrásmentes, végtelenben eltűnő mező. Örvény- és forrásmentes, véges térrészben: Green-tétel, Dirichlet- és Neumann feladat. Tükröltés módszere. Síkproblémák megoldása komplex függvények segítségével 15. Stacionárius mágneses tér: Ampére és Biot-Savart törvényei. Végtelen vezető, egyenes tekercs, toroidális tekercs. 16. Közegek elektrodinamikája: Szigetelő elektromos polarizációja. Szigetelő elektrosztatikus térben: villamos eltolás, elektromos szuszceptibilitás, relatív/abszolút permittivitás. Közeg mágneseződési vektora: mágneses térerősség és szuszceptibilitás, relatív és abszolút permeabilitás, dia/para/ferromágnesség. légtér vs közegek, releváns mennyiségek összehasonlítása. Folytonossági feltételek: töltéseket és áramokat (nem) tartalmazó felületekre. Elektromos tér erővonalainak törése. 17. Potenciálok időfüggő alapegyenletei, retardált idő Mozgó ponttöltés tere: Liénard-Wiechert potenciálok. Nemrelativisztikusan mozgó ponttöltés sugárzása: Larmor-képlet.	Számítógépről kivetített és/vagy klasszikus előadás, szemléltetés, magyarázat, problematizálás. Online oktatás esetén Zoom és grafikus tablet. Kiegészítő anyagok elektronikus formában és videók.	
---	---	--

Könyvészet
1. Lázár Zsolt József, Józsa Máté, Csillag Lehel, <i>Vektor- és tenzoralképzési alapok</i> , elektronikus jegyzet 2. Landau-Lifsic, <i>Elméleti Fizika II, Klasszikus erőkterek</i> , Tankönyvkiadó, Budapest, 1988 (Fizika könyvtár) 3. E. F. Taylor, J.A. Wheeler, <i>Téridőfizika</i> , Typotex, Budapest 2006. 4. Simonyi K. – Zombory L., <i>Elméleti villamosságtan</i> , Műszaki Könyvkiadó Budapest 2000. 5. V. Novacu, <i>Electrodinamica</i> , Editura Didactica si Pedagogica, Bucuresti 1966. 6. J.D.Jackson, <i>Electrodinamica clasica</i> , vol.II, Editura Tehnică, București 1991. 7. Gábos Zoltán, <i>Az elméleti fizika alapjai</i> , Dacia Könyvkiadó, Kolozsvár 1982.

8.2. Szeminárium	Didaktikai módszerek	Megjegyzések
Az adott heti előadáshoz tartozó gyakorlatok, feladatok elvégzése.	Felmérés, házi feladatok megbeszélése, egyéni munka, megbeszélés. Online oktatás esetén Zoom+grafikus tablet. Kiegészítő anyagok, megoldott feladatok, elektronikus formában.	

Könyvészet
1. Lásd az előadások könyvészetét. 2. Horváth Zsolt Tó Tamás, <i>Elméleti fizikai példatár II.</i> (Második kiadás), 1989 (Fizika könyvtár) 3. Simonyi – Fodor – Vágó, <i>Elméleti villamosságtan példatár</i> , Tankönyvkiadó, Budapest, 1989

8.3. Laboratóriumi gyakorlatok	Didaktikai módszerek	Megjegyzések
Könyvészet		

9. Az epiztemikus közösségek képviselői, a szakmai egyesületek és a szakterület reprezentatív munkáltatói elvárásainak összhangba hozása a tantárgy tartalmával

A tantárgy célkitűzések felállításánál, annak tartalmi tervezésénél és a sikeres teljesítési feltételek megadásánál az iskolai oktatás és a Babeş-Bolyai Tudományegyetem földrajzi szomszédságában és vonzáskörében található tudományegyetemek (Universitatea Bucureşti, Universitatea Alexandru Ioan Cuza Iaşi, Eötvös József Tudományegyetem Budapest, Debreceni Tudományegyetem, stb.) tanterveit és tananyagait, illetve a kutatóintézetek (Institutul Naţional de Cercetare Dezvoltare pentru Tehnologii Izotopice şi Moleculare INCDTIM Cluj-Napoca, stb.) és a különböző magáncégek vagy magánvállalatok (Evoline, Codespring, Emerson, stb.) munkapiaci igényeit vettük figyelembe.

10. Értékelés

Tevékenység típusa	10.1. Értékelési kritériumok / 10.2. Értékelési módszerek / 10.3. Aránya a végső jegyben
10.4. Előadás	1. Parciális vizsga: 3 óras írásbeli vizsga elméleti (65%) és feladatokból (35%). Aránya a végső jegyben: 30%. 2. Félév végi vizsga: 3 óras írásbeli vizsga elméleti (65%) és feladatokból (35%). Aránya a végső jegyben: 30%
10.5. Szeminárium	1. Évközi elméleti felmérők: ~15-20 perces írásbeli, heti rendszerességgel. Aránya a végső jegyben: 16%. 2. Évközi gyakorlati felmérők (házi feladatok): az oktató által kidolgozott feladatokból 3 hetente egy ~60 perces felmérés. Hiányzó felmérés nulla pontot ér. Aránya a végső jegyben: 24%
10.6. Laboratóriumi gyakorlatok	
10.7. A teljesítmény minimumkövetelményei	
50% jelenlét, 50% pontszám házi feladatokból, 50% pontszám a vizsgákon. A végső vizsgán lehet a teljes anyagból vizsgázni vagy, amennyiben a parciális vizsga eredménye elérte az 50%-ot, akkor csak a második feléből. Az első rész újraírása esetén a jobbik eredmény kerül beszámításra.	

11. SDG ikonok (Fenntartható fejlődési célok / Sustainable Development Goals)

Nem alkalmazható

Előadás felelőse

lect. dr. Lázár Zsolt István

Szeminárium felelőse

lect. dr. Lázár Zsolt István

Laborgyakorlat felelőse

Kitöltés dátuma
2026-07-06

Az intézeti jóváhagyás dátuma
2026-07-09

Intézetigazgató
conf. dr. Járai-Szabó Ferenc
